

1) กฎของนิวตัน

หาความเร่งของระบบ จาก $\Sigma F = ma$ (ดูรูป)

$$m_2 g = (m_1 + m_2) a$$

$$a = \frac{m_2 g}{(m_1 + m_2)} \quad *$$

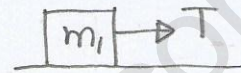
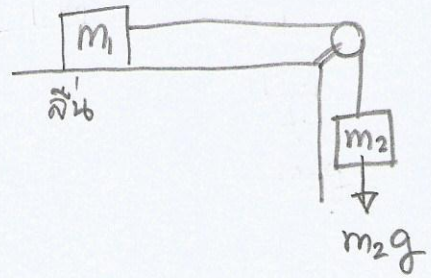
หา T (คิดที่ m_1)

$$\Sigma F = ma$$

$$T = m_1 a \quad (\text{แทนค่า } a)$$

$$T = \frac{m_1 m_2 g}{(m_1 + m_2)}$$

Ans ⑤



2) การเคลื่อนที่แบบหมุน

ดูรูป

$$\Sigma E_1 = \Sigma E_2$$

$$mgh = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}I\omega^2$$

$$\text{แทนค่า } \omega = \frac{v}{r}$$

$$mgh = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}I\left(\frac{v}{r}\right)^2$$

$$mgh = \frac{1}{2}v^2\left(m + \frac{I}{r^2}\right)$$

$$\therefore v = \sqrt{\frac{2mgh}{\left(m + \frac{I}{r^2}\right)}}$$

← แทนค่า I

$$I_{\text{ทรงกลมตัน}} = \frac{1}{2}MR^2$$

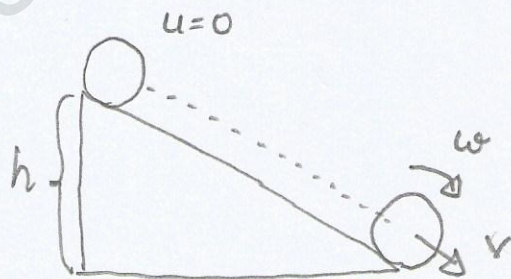
$$I_{\text{ทรงกลมกลวง}} = MR^2$$

$$\therefore v_{\text{ตัน}} = \sqrt{\frac{2mgh}{\left(m + \frac{1}{2}mr^2\right)}} = \sqrt{\frac{4}{3}gh}$$

$$v_{\text{กลวง}} = \sqrt{\frac{2mgh}{\left(m + \frac{mr^2}{r^2}\right)}} = \sqrt{gh}$$

$$\therefore \frac{v_{\text{ตัน}}}{v_{\text{กลวง}}} = \frac{\sqrt{\frac{4}{3}gh}}{\sqrt{gh}} = \frac{2}{\sqrt{3}}$$

Ans ①



3) การเคลื่อนที่เป็นวงกลม (คาบคงที่)

จากกฎของเคปเลอร์ $T^2 \propto r^3$ ได้

$$\left(\frac{T_1}{T_2}\right)^2 = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^3$$

$$\left(\frac{3}{24}\right)^2 = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^3$$

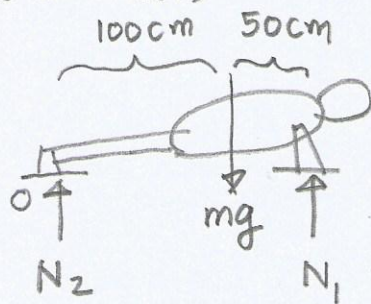
$$T_1 = 3 \text{ hr}$$

$$T_2 = 24 \text{ hr}$$

$$\therefore r_2 = 4 r_1$$

Ans ③

4) สมดุลกล (โมเมนต์)



ให้จุด 0 (ปลายเท้า) เป็นจุดหมุน

$$M_{\text{ตาม}} = M_{\text{ทวน}}$$

$$N_1 \times 150 = mg \times 100$$

$$\therefore N_1 = \frac{75 \times 9.8 \times 100}{150} = 490 \text{ N}$$

$$\text{น้ำหนักตัว} = \text{น้ำหนักหัว} = \frac{490}{2} = 245 \text{ N} \text{ Ans ①}$$

5) กฎของนิวตัน

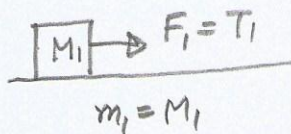
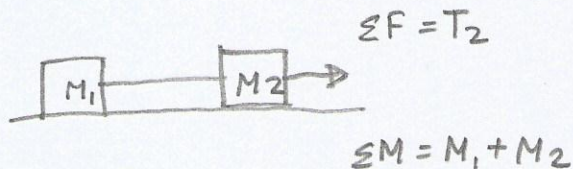
$$\frac{\sum F}{\sum m} = \frac{F_1}{m_1}$$

แทนค่า

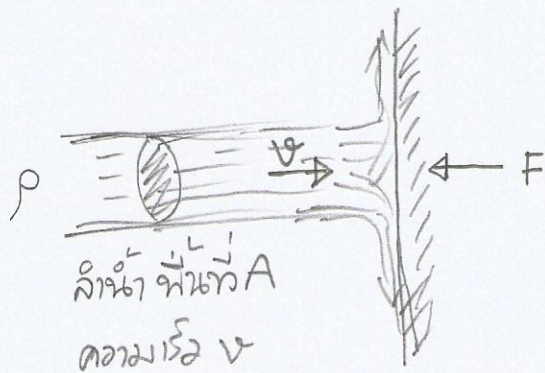
$$\frac{T_2}{(M_1 + M_2)} = \frac{T_1}{M_1}$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{M_1 + M_2}{M_1} = 1 + \frac{M_2}{M_1}$$

Ans ③



6) โมเมนตัม , ของไหล



$$\vec{F} = \frac{m(\vec{v} - \vec{u})}{t}$$

$$\vec{F} = \frac{m}{t}(0 - v)$$

$$\vec{F} = \frac{\rho V}{t}(-v)$$

{ ไม่ส่วที่ตอน
หมายความว่า $\vec{v} = 0$ }

$$[\text{จาก } \rho = \frac{m}{V}]$$

จากอัตราการไหลของน้ำ (Q)

$$Q = \frac{V}{t} = Av$$

$$\vec{F} = -\rho(Av)(v)$$

$$\vec{F} = -\rho Av^2$$

(ลบเพราะทิศตรงข้าม)

Ans ②

7) กฎแรงโน้มถ่วงของนิวตัน

มวลที่ของโลก รัศมีที่ของโลก

โลก	M_E	R_E
ดาวพฤหัสบดี	$318 M_E$	$11.2 R_E$
ดาวยูเรนัส	$14.5 M_E$	$4.0 R_E$

$$g_{\text{โลก}} = \frac{GM_E}{R_E^2}$$

$$g_{\text{พฤหัสบดี}} = \frac{G(318M_E)}{(11.2R_E)^2} = 2.54g_E$$

$$g_{\text{ยูเรนัส}} = \frac{G(14.5M_E)}{(4.0R_E)^2} = 0.91g_E$$

ได้ $g_{\text{ยูเรนัส}} < g_{\text{โลก}} < g_{\text{พฤหัสบดี}}$ Ans ⑤

8) พลังงาน

$$งานที่ต่ำทำ = mgh$$

$$= 50 \times 9.8 \times 5$$

$$= 2450 \text{ J} \rightarrow \text{คิดเป็น } 20\%$$

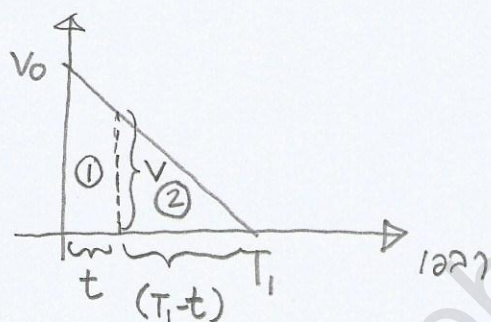
$$\text{อัตราการผลิตความร้อน } (=80\%) = \left(\frac{2450}{20} \right) \times 80$$

$$= 9800 \text{ J}$$

$$\text{คิดเป็นเฉลี่ย} = \frac{9800}{5} = 1960 \text{ J/s} \quad \text{Ans (4)}$$

9) การเคลื่อนที่แบบขจร

ความเร็ว



ที่เวลา t เคลื่อนที่ได้ $\frac{1}{2}$ ของเวลา T_1 จงหา

$$S_1 = S_2 = \frac{1}{2} S_{1+2}$$

$$\text{พื้นที่ } 2 = \frac{1}{2} \text{พื้นที่ } 1 + 2$$

$$\frac{1}{2} v (T_1 - t) = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} v_0 T_1 \right) \quad *$$

$$\frac{1}{2} \frac{(T_1 - t)}{T_1} v_0 (T_1 - t) = \frac{1}{4} v_0 T_1$$

$$2(T_1^2 - 2T_1 t + t^2) = T_1^2$$

$$2t^2 - 4T_1 t + T_1^2 = 0$$

$$\therefore t = \frac{-(-4T_1) \pm \sqrt{(-4T_1)^2 - 4 \cdot 2 \cdot (T_1^2)}}{2 \times 2}$$

$$t = \frac{4T_1 \pm \sqrt{8}T_1}{4} = \frac{(2 \pm \sqrt{2})T_1}{2}$$

ค่า + ใช้ไม่ได้ เพราะเวลาจะมากกว่า T_1

Ans (4)

$$\text{สูตร } x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$(a=2, b=-4T_1, c=T_1^2)$$

10) อนุภาคแอลฟา

อนุภาคแอลฟา (α) ${}^4_2\text{He}$ มีมวล $4u$, ประจุ $+2e$

$$R_\alpha = \frac{mv}{qB} = \frac{4uv}{2eB} \quad - (1)$$

โปรตอน (p) ${}^1_1\text{H}$ มีมวล $1u$, ประจุ $+e$

$$R_p = \frac{mv}{qB} = \frac{uv}{eB} \quad - (2)$$

หา R จาก

$$F_c = \frac{mv^2}{R}$$

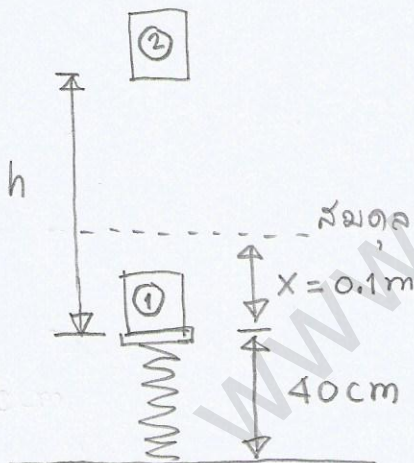
$$qvB = \frac{mv^2}{R}$$

$$\therefore R = \frac{mv}{qB}$$

$$\frac{R_\alpha}{R_p} = \frac{\frac{4uv}{2eB}}{\frac{uv}{eB}} = 2 \text{ เท่า}$$

Ans (4)

11) กฎอนุรักษ์พลังงาน



$$\Sigma E_1 = \Sigma E_2$$

$$\frac{1}{2}kx^2 = mgh$$

$$\frac{1}{2} \times 300 \times 0.1^2 = 1 \times 9.8 h$$

$$h = 0.153 \text{ m} = 15.3 \text{ cm}$$

$$\therefore \text{อัตราสูงจากพื้น} = 40 + 15.3 = 55.3 \text{ cm}$$

Ans (3)

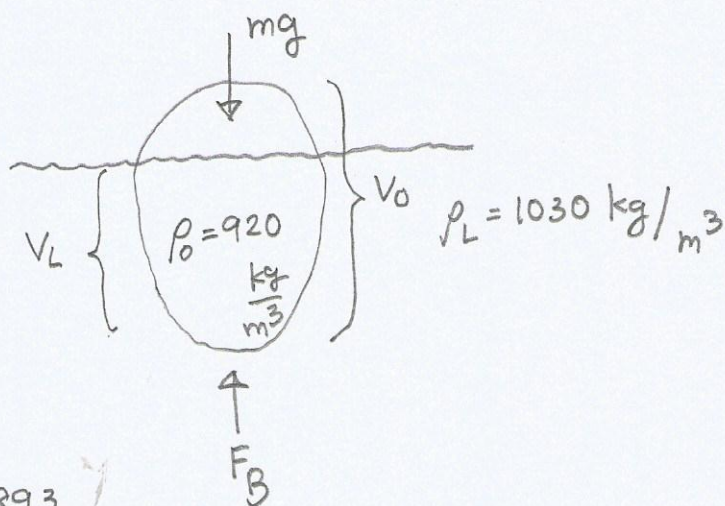
12) แผลงลอยตัว

วัตถุลอยน้ำได้

$$F_B = mg$$

$$\rho_L V_L g = \rho_0 V_0 g$$

$$\therefore \frac{V_L}{V_0} = \frac{\rho_0}{\rho_L} = \frac{920}{1030} = 0.893$$



ดังนั้น คิดเป็น ปริมาตรจม 89.3% จึงเป็น ปริมาตรส่วนลอย = $100 - 89.3 = 10.7\% \approx 11\%$

Ans ①

13) สลิตคู่

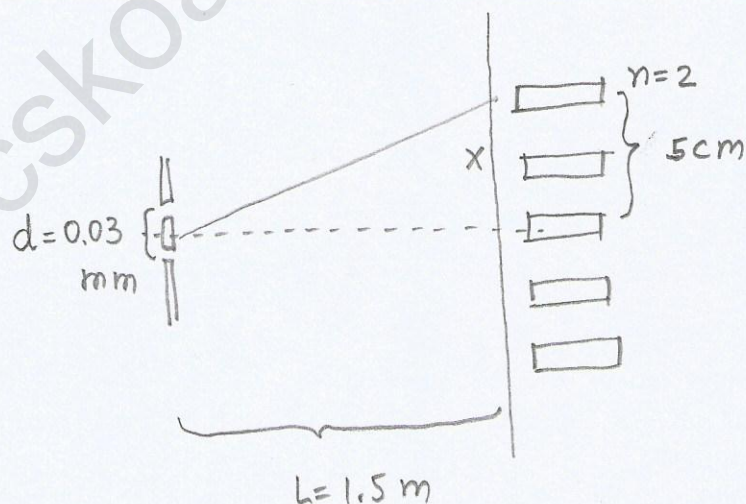
$$\frac{dx}{L} = n\lambda$$

$$\frac{0.03 \times 10^{-3} \times (5 \times 10^{-2})}{1.5} = 2\lambda$$

$$\therefore \lambda = 5 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$= 500 \text{ nm}$$

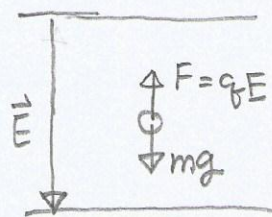
Ans ③



14) สนามไฟฟ้า แบ่นด้านขวา

กรณี ① e^- ชิ่ง $[\Sigma F = 0]$

$$qE = mg \quad \text{--- ①}$$



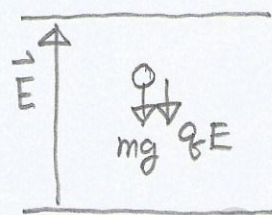
กรณี ② กลิ้งที่ \vec{E} $[\Sigma F = ma]$

$$mg + qE = ma \quad \text{--- ②}$$

แทนค่า $qE = mg$ ใน ②

$$mg + mg = ma$$

$$\therefore a = 2g$$



Ans ④

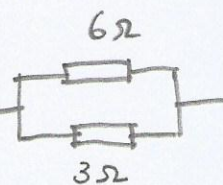
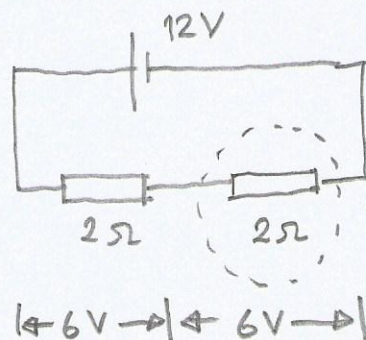
15) พลังงานไฟฟ้า

แบ่ง V ได้เป็น 6V กับ 6V

เพราะ R เท่ากัน

หา P ของ 6Ω ($V = 6V$)

$$P = \frac{V^2}{R} = \frac{6^2}{6} = 6W$$



$$\frac{1}{R} = \frac{1}{6} + \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{R} = \frac{1+2}{6}$$

$$R = 2\Omega$$

Ans ①

16) ระดับความเข้มเสียง

$$R_1 = 8 \text{ m}, R_2 = 80 \text{ m}$$

$$\beta_1 = 85 \text{ dB} \quad \beta_2 = ?$$

$$\beta_1 - \beta_2 = 10 \log \left(\frac{R_2}{R_1} \right)^2$$

$$85 - \beta_2 = 10 \log \left(\frac{80}{8} \right)^2$$

$$\therefore \beta_2 = 65 \text{ dB}$$

Ans (1)

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{P_1}{P_2} \left(\frac{R_2}{R_1} \right)^2$$

$$\therefore \frac{I_1}{I_2} = \left(\frac{R_2}{R_1} \right)^2 \quad \{P \text{ เท่ากัน}\}$$

17) ทฤษฎีจลน์ของแก๊ส + พลังงานไฟฟ้า

พลังงานไฟฟ้า = พลังงานความร้อนที่แก๊สได้รับ

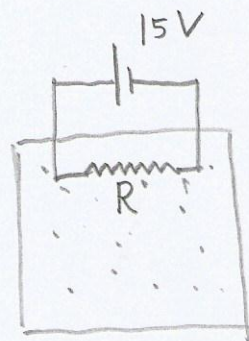
$$P \times t = \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$$

$$\frac{V^2 t}{R} = \frac{3}{2} (11 \times 10^6 - 2 \times 10^6) 500 \times 10^{-6}$$

$$\frac{15^2 \times 10}{R} = \frac{3}{2} (9 \times 10^6) 500 \times 10^{-6}$$

$$\therefore R = \frac{1}{3} \Omega$$

Ans (2)



$$V = 500 \text{ cm}^3$$

$$P_1 = 2 \times 10^6 \text{ Pa}$$

$$P_2 = 11 \times 10^6 \text{ Pa}$$

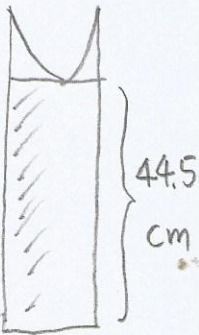
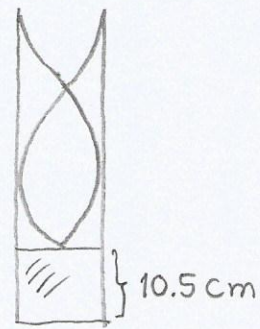
18) การสั้นพ้องของเสียง

หา λ

$$\frac{\lambda}{2} = L_2 - L_1$$

$$\frac{\lambda}{2} = 0.445 - 0.105$$

$$\therefore \lambda = 0.68 \text{ m}$$



หา f

$$v = f\lambda$$

$$\therefore f = \frac{340}{0.68} = 500 \text{ Hz}$$

Ans ②

19) สายตาสั้น

ต้องการให้วัตถุที่ ๐.๒๕ ม (S = ∞) ปรากฏชัดที่ 1 m ก็อาจมองได้

หา f

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{S} + \frac{1}{S'}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{\infty} + \left(\frac{1}{-1}\right)$$

$$\{S' = -1 \text{ m} \text{ ปรากฏชัดที่ 1 m}\}$$

$$\therefore f = -1 \text{ m}$$

เลนส์เว้า , 100 cm

Ans ②

20) 60% 100% 66% 33%

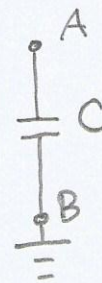
$$V_A - V_B = I X_C$$

$$V_A - 0 = (I_0 \sin \omega t) \left(\frac{1}{\omega C} \right)$$

$$\therefore V_A = \frac{1}{\omega C} I_0 \sin(\omega t - \frac{\pi}{2})$$

ตัว C, I จะนำ V 90° ($\frac{\pi}{2}$ rad)

Ans (5)



21) การสลายกัมมันตภาพรังสี

$$A = \frac{N}{N_A} = \left(\frac{1}{2} \right)^{\frac{t}{T_{\frac{1}{2}A}}}$$

$$N = 100 N_B \left(\frac{1}{2} \right)^{\frac{t}{T}} \quad \text{--- (1)}$$

$$B = \frac{N}{N_B} = \left(\frac{1}{2} \right)^{\frac{t}{T_{\frac{1}{2}B}}}$$

$$N = N_B \left(\frac{1}{2} \right)^{\frac{t}{2T}} \quad \text{--- (2)}$$

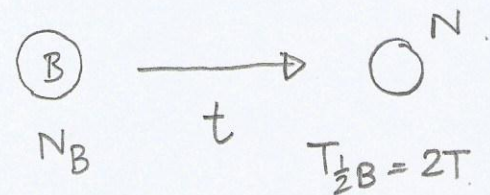
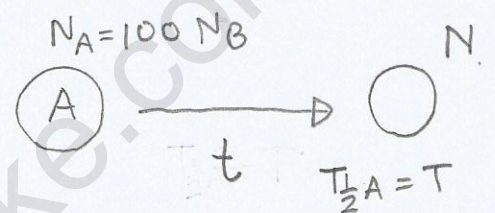
เมื่อ N เท่ากัน (1) = (2)

$$100 N_B \left(\frac{1}{2} \right)^{\frac{t}{T}} = N_B \left(\frac{1}{2} \right)^{\frac{t}{2T}}$$

$$100 = \frac{\left(\frac{1}{2} \right)^{\frac{t}{2T}}}{\left(\frac{1}{2} \right)^{\frac{t}{T}}}$$

$$100 = \left(\frac{1}{2} \right)^{\frac{t}{2T} - \frac{t}{T}}$$

$$100 = \left(\frac{1}{2} \right)^{-\frac{t}{2T}}$$



$$100 = 2^{\frac{t}{2T}}$$

$$\log 10^2 = \frac{t}{2T} \log 2$$

$$\therefore t = \frac{4T}{\log 2}$$

$$= 4T \log_2 10$$

$$\left(\frac{1}{\log_{10} 2} \right) = \log_2 10$$

Ans (5)

22) คลื่น

สมการคลื่น $y = A \cos \omega t$

แทนค่า $y = \frac{A}{2}$ เมื่อ $t = 0.002 \text{ s}$

$$\frac{A}{2} = A \cos \omega t$$

$$\cos \omega t = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \omega t = \frac{\pi}{3}$$

$$\left(\frac{2\pi}{T} \right) \times 0.002 = \frac{\pi}{3}$$

$$\therefore T = 0.012 \text{ s}$$

หา v

$$v = \frac{\lambda}{T} = \frac{0.24}{0.012} = 20 \text{ m/s}$$

Ans (3)

23) คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้า

ใช้วิธีลัดวงจร เพราะมี ความยาวคลื่น λ ใกล้กับ $r = \text{ระยะห่าง} = 0 = 10 \text{ m}$ ของวงรี

Ans (2)

24) หาพลังงานของอิเล็กตรอน

$$E_n = -\frac{13.6}{n^2}$$

$$E_3 = -\frac{13.6}{3^2} = -1.51 \text{ eV} \quad (\text{เมื่อ } E_{p3} = -3.02 \text{ eV}, E_{k3} = 1.51 \text{ eV})$$

$$E_1 = -13.6 \text{ eV} \quad (\text{เมื่อ } E_{p1} = -27.2 \text{ eV}, E_{k1} = 13.6 \text{ eV})$$

$$n=1 \rightarrow n=3 \quad E_{\text{เปลี่ยน}} = E_{p1} - E_{p3} = -27.2 - (-3.02) = -24.2 \text{ eV} \quad \text{Ans (5)}$$

25) 6.5

1) $S = x$, $m = +3$ where f

$$m = \frac{f}{s - f}$$

$$3 = \frac{f}{x - f}$$

$$3x - 3f = f$$

$$\therefore f = \frac{3x}{4}$$

2) $S = \frac{x}{2}$, $m = ?$ $f = \frac{3x}{4}$

$$m = \frac{f}{s - f}$$

$$m = \frac{\frac{3x}{4}}{\frac{x}{2} - \frac{3x}{4}}$$

$$m = \frac{\frac{3}{4}}{-\frac{1}{4}} = -3 \text{ m}$$

Ans ④